

Formulaire de Mathématique

destiné aux élèves de 4^{ème}, 5^{ème} et 6^{ème} années

Les matières correspondant aux différentes années se retrouvent selon le code de couleurs.

Puissances

$$\forall a, b \in \mathbb{R}, \forall c \in \mathbb{R}_0, \forall m, n \in \mathbb{N}_0:$$

$$a^m a^n = a^{m+n}$$

$$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$$

$$(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$$

$$\left(\frac{a}{c}\right)^n = \frac{a^n}{c^n}$$

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} (m \geq n)$$

$$a^0 = 1; a^1 = a; 1^n = 1; 0^n = 0$$

0^0 n'existe pas

Racine carrée

$$\forall a \in \mathbb{R}^+ : \sqrt{a} = b \Leftrightarrow \begin{cases} b^2 = a \\ b \geq 0 \end{cases}$$

$$\forall a \in \mathbb{R}^+ : \sqrt{a^2} = (\sqrt{a})^2 = a$$

$$\forall a \in \mathbb{R} : \sqrt{a^2} = |a| = \begin{cases} a \text{ si } a \geq 0 \\ -a \text{ si } a \leq 0 \end{cases}$$

$$\sqrt{a \pm b} \neq \sqrt{a} \pm \sqrt{b}$$

Radicaux

$$\forall a, b \in \mathbb{R}^+, \forall c \in \mathbb{R}_0^+, \forall m, n, p \in N_{\{0,1\}}:$$

$$\sqrt[n]{a \cdot b} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$$

$$\sqrt[n]{\frac{a}{c}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{c}}$$

$$\sqrt[np]{a^{mp}} = \sqrt[n]{a^m}$$

$$\sqrt[n]{a^m} = (\sqrt[n]{a})^m$$

$$\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[mn]{a} = \sqrt[n]{\sqrt[m]{a}}$$

$$\forall a \in \mathbb{R}^+, \forall m, n \in N_{\{0,1\}} : a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$$

$$\sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}; \sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}}$$

SIGNES

Premier degré ($ax + b$)

Un polynôme du premier degré a le même signe que "a" à droite du "0" et le signe opposé à gauche du "0" :

Racine : $x_0 = -b/a$

X	Racine x_0		
$ax+b$	Signe opposé	0	Signe de a

Second degré ($ax^2 + bx + c$)

Racines : $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$ avec $\Delta = b^2 - 4ac$

Un polynôme du second degré a toujours le même signe que "a" sauf entre deux "0" (quand il y a deux racines)

Puissances :

Si $(\dots)^n$ avec n impair, on a les mêmes signes que pour $(\dots)$

Si $(\dots)^n$ avec n **pair**, tous les signes sont +

FACTORISATION

Dans l'ordre, j'applique ce raisonnement :

1) s'il y a des **facteurs communs** , je fais une **mise en évidence**

s'il y a-t-il des « parenthèses » opposées (ex : $(x - a)$ et $(a - x)$),
je les rends identiques (bien regarder si les exposants sont pairs ou impairs) et je fais
une mise en évidence

2) si je reconnais un des **produits remarquables**, je l'applique

2 termes	$a^2 - b^2$	$= (a - b) (a + b)$
	$a^3 - b^3$	$= (a - b) (a^2 + ab + b^2)$
3 termes	$a^3 + b^3$	$= (a + b) (a^2 - ab + b^2)$
	$a^2 + 2ab + b^2$	$= (a + b)^2$
	$a^2 - 2ab + b^2$	$= (a - b)^2$
4 termes	$a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$	$= (a + b)^3$
	$a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$	$= (a - b)^3$

3) j'essaye d'effectuer des **groupements** pour ensuite, faire **une mise en évidence**

4) j'essaye la méthode des diviseurs binômes (grille de **Horner**)

parmi les diviseurs du terme indépendant de $p(x)$, je cherche celui qui pourrait
annuler $p(x)$. Si a est un tel diviseur, $p(x)$ est divisible par $(x - a)$

$$p(x) = (x - a) q(x)$$

5) polynôme du second degré (méthode delta)

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$\text{si } \Delta > 0 : x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$$

$$ax^2 + bx + c = a (x - x_1) (x - x_2)$$

$$\text{si } \Delta = 0 : x_1 = \frac{-b}{2a}$$

$$ax^2 + bx + c = a (x - x_1)^2$$

si $\Delta < 0$: pas de factorisation

$$\text{rem : } S = \frac{-b}{a} \text{ et } P = \frac{c}{a}$$

EQUATIONS ET INEQUATIONS

équations du second degré : méthode delta (ou autres)

équations avec dénominateurs ou radicaux :

factoriser les dénominateurs

imposer les C.E.

réduire au même dénominateur.(et le « chasser »)

pour résoudre les équations :

- 1) avoir 0 dans le membre de droite
- 2) factoriser
- 3) appliquer la règle du produit nul (séparer les différents facteurs)
- 4) résoudre chaque sous-équation
- 5) comparer les solutions et les C.E.
- 6) écrire l'ensemble des solutions

Toute **inéquation** d'une forme autre que $(ax + b < 0, \dots)$ nécessite un **tableau de signes** !

- 1) avoir 0 dans le membre de droite
- 2) se ramener à une inéquation du second degré $ax^2 + bx + c < 0$
ou factoriser pour avoir

$$n(x).d(x).\dots < 0 \text{ ou } \frac{n(x)}{d(x)} < 0$$

ne jamais enlever les dénominateurs !!!

- 3) rechercher les racines
- 4) établir le tableau de signes
- 5) écrire l'ensemble des solutions

PROGRESSIONS

$$\text{P.A. : } t_n = t_1 + (n - 1).r$$

$$S_n = \frac{n(t_1 + t_n)}{2}$$

$$\text{P.G. : } t_n = t_1.r^{n-1}$$

$$S_n = \frac{t_1(r^n - 1)}{r - 1}$$

$$P_n = t_1^n r^{\frac{n(n-1)}{2}}$$

NOMBRES COMPLEXES

$$i^2 = -1$$

$$z = a + ib = r \operatorname{cis} \theta$$

$$\text{conjugué : } \bar{z} = a - ib = r \operatorname{cis}(-\theta)$$

$$\text{opposé : } -z = -a - ib = r \operatorname{cis}(\pi + \theta)$$

$$\text{module : } |z| = \sqrt{a^2 + b^2} = r$$

$$\text{produit : } z.z' = r.r'.\operatorname{cis}(\theta + \theta')$$

$$\text{formule de Moivre : } \operatorname{cis}^n \theta \operatorname{cis}(n\theta)$$

$$\text{puissance : } z^n = r^n \operatorname{cis}(n\theta)$$

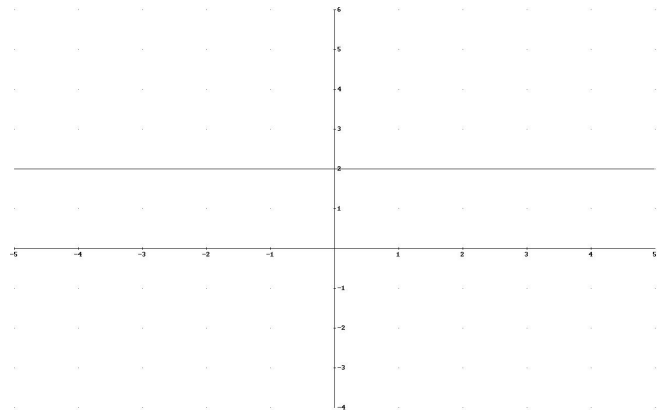
GRAPHIQUES DE FONCTIONS DE BASE :

Fonction constante :

une droite parallèle à l'axe des X

forme générale : $f(x) = \text{nombre}$

ex : $f(x) = 2$

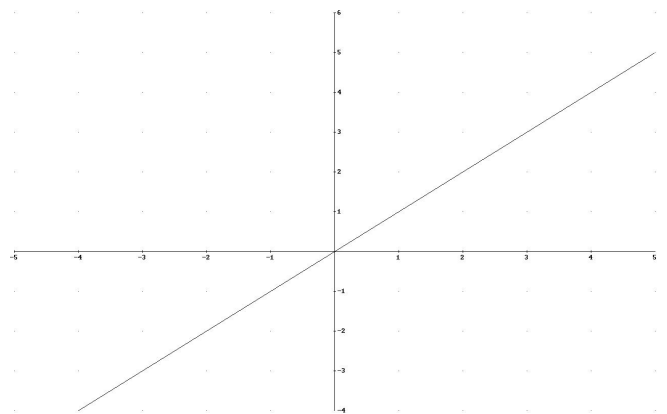


Fonction du premier degré :

une droite « oblique »

forme générale $f(x) = ax + b$ ($a \neq 0$)

fonction de base $f(x) = x$

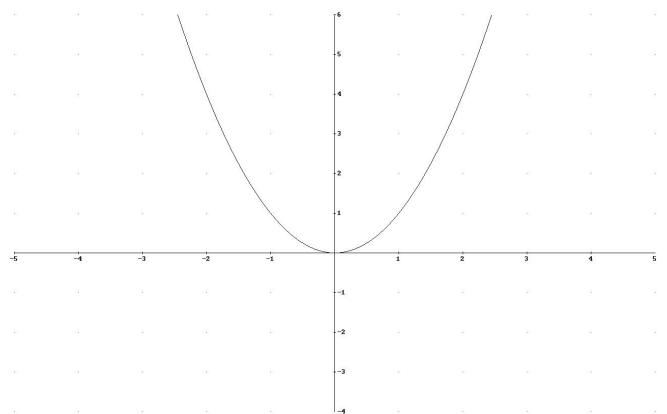


Fonction du second degré :

une parabole

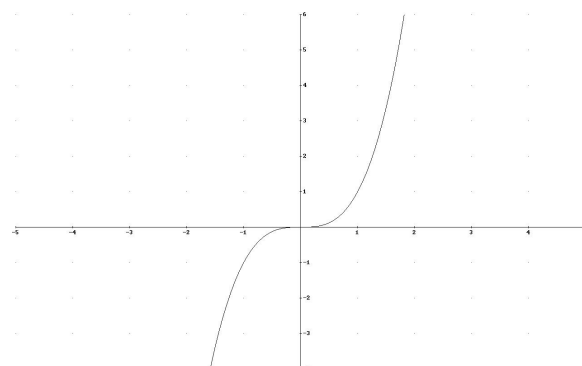
forme générale $f(x) = ax^2 + bx + c$
($a \neq 0$)

fonction de base $f(x) = x^2$



Fonction du troisième degré

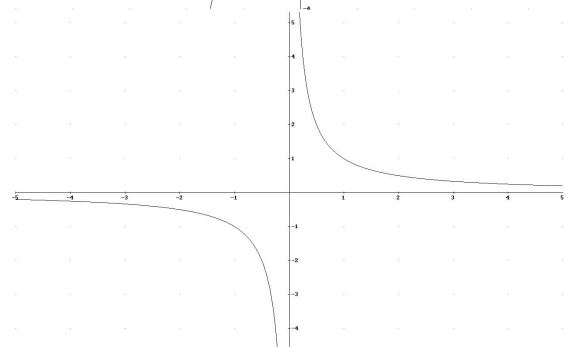
fonction de base $f(x) = x^3$



Fonction inverse

$$f(x) = \frac{1}{x}$$

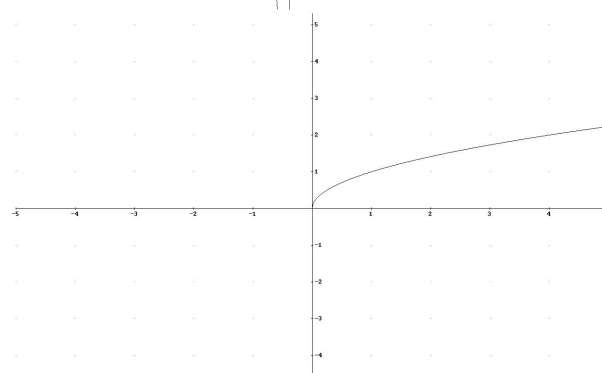
$$D = \mathbb{R}_0^*$$



Fonction racine carrée

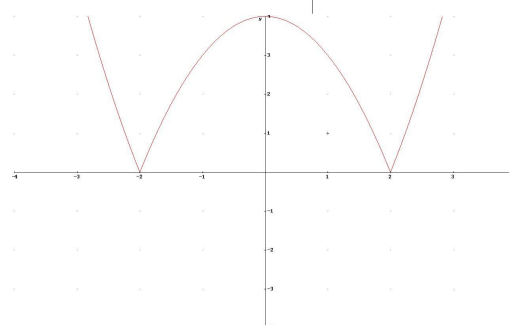
$$f(x) = \sqrt{x}$$

$$D = [0, +\infty[$$



Fonction valeur absolue

ex : $f(x) = |x^2 - 4|$



Fonctions trigonométriques :

Fonction sinus :

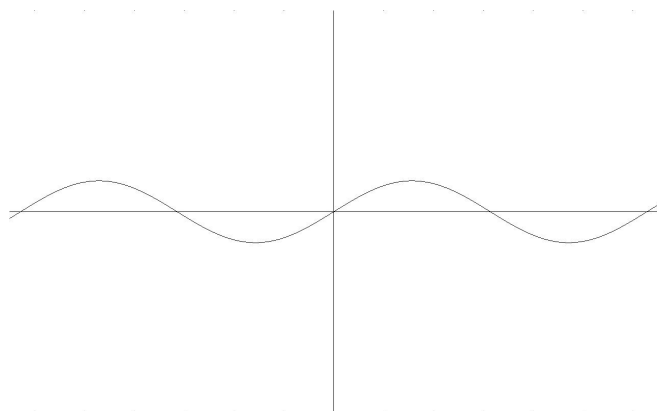
$$f(x) = \sin x$$

$$D = \mathbb{R}$$

$$I = [-1, 1]$$

impaire

Période : 2π



Fonction cosinus :

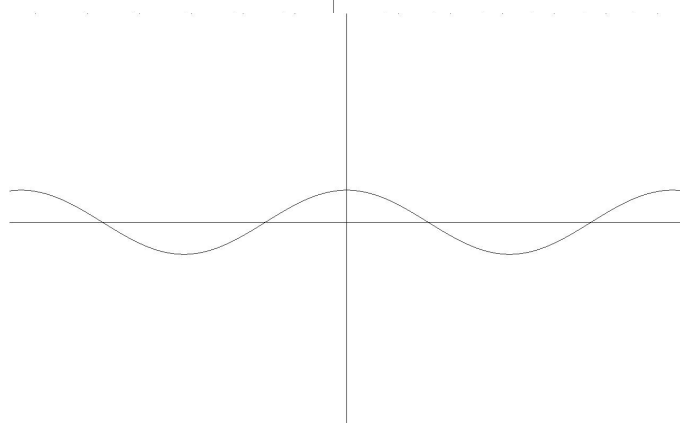
$$f(x) = \cos x$$

$$D = \mathbb{R}$$

$$I = [-1, 1]$$

paire

Période : 2π



Fonction tangente :

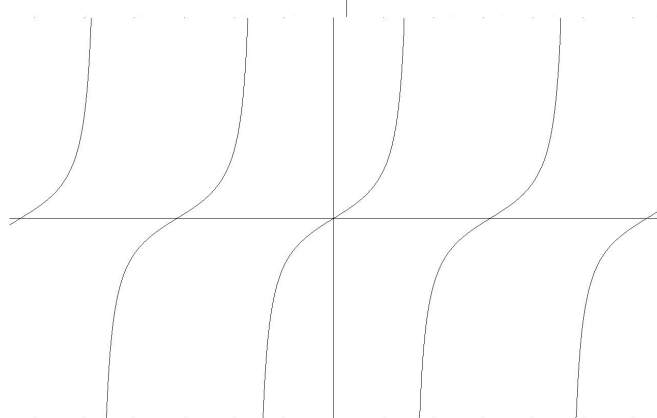
$$f(x) = \tan x$$

$$D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi \right\}$$

$$I = \mathbb{R}$$

impaire

Période : π



Fonction cotangente :

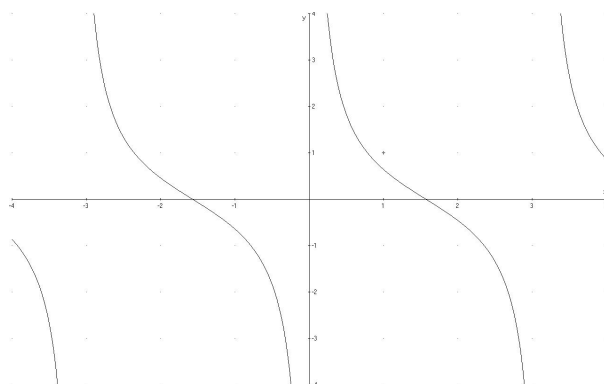
$$f(x) = \cotan x$$

$$D = \mathbb{R} \setminus \{k\pi\}$$

$$I = \mathbb{R}$$

impaire

Période : π



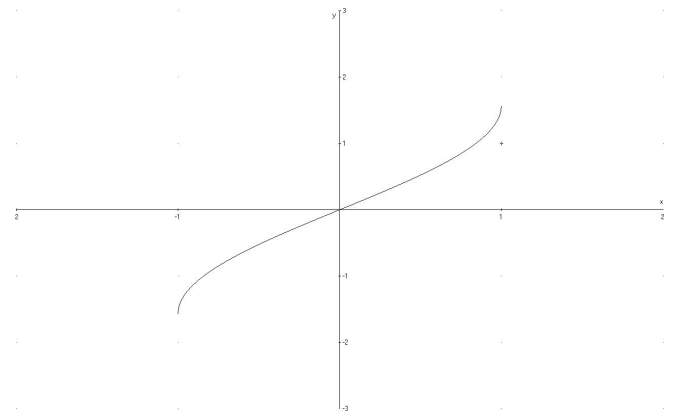
Fonctions cyclométriques :

Fonction arcsinus

$$F(x) = \arcsin x$$

$$D = [-1, 1]$$

$$I = [-\pi/2, \pi/2]$$

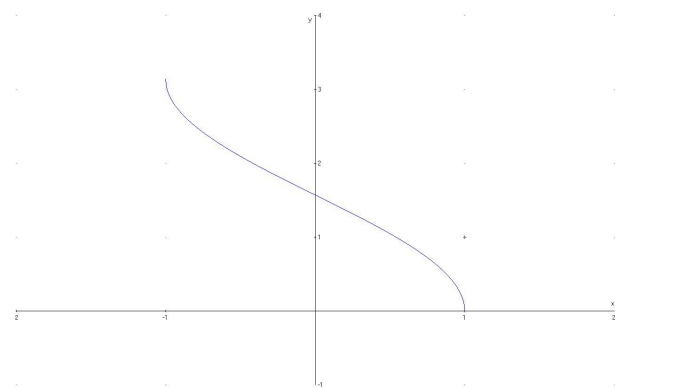


Fonction arccosinus

$$F(x) = \arccos x$$

$$D = [-1, 1]$$

$$I = [0, \pi]$$

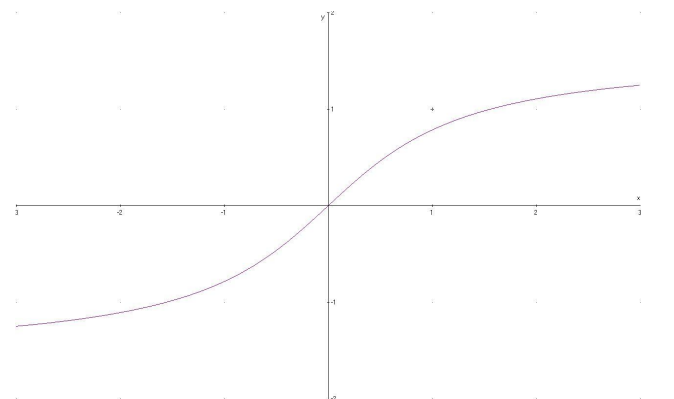


Fonction arctangente

$$f(x) = \arctan x$$

$$D = \mathbb{R}$$

$$I =]-\pi/2, \pi/2[$$



Fonctions exponentielles en base a

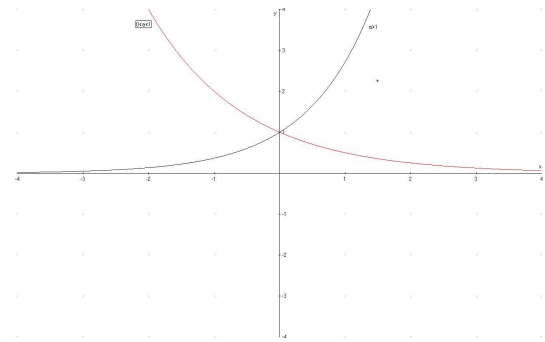
$$f(x) = a^x$$

cas particulier :

$$f(x) = e^x, \text{ avec } e = 2,7\dots$$

$$D = \mathbb{R}$$

$$I =]0, +\infty[$$



Fonctions logarithmes en base a

$$f(x) = \log_a x$$

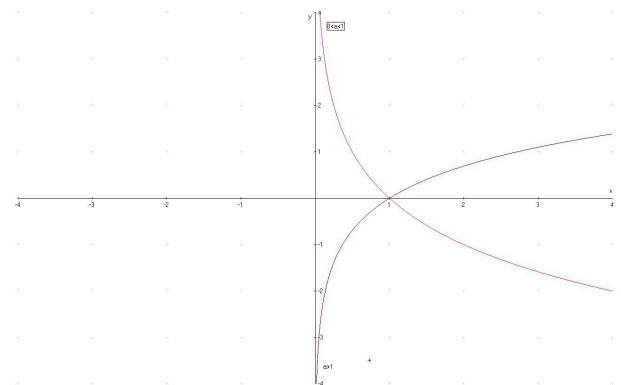
cas particuliers :

$$\log x = \log_{10} x$$

$$\ln x = \log_e x$$

$$D =]0, +\infty[$$

$$I = \mathbb{R}$$



ETUDES DE FONCTIONS

Domaine : ensemble des valeurs de x sur lequel la fonction est définie

C.E. :

$$f(x) = \frac{n}{d} : d \neq 0$$

si n pair

$$f(x) = \sqrt[n]{d} : d \geq 0$$

$$f(x) = \frac{n}{\sqrt[n]{d}} : d > 0$$

$$f(x) = \tan x : x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$$

$$f(x) = \cot x : x \neq k\pi$$

$$f(x) = \arcsin x \text{ ou } f(x) = \arccos x : -1 \leq x \leq 1$$

$$f(x) = \log_a x : x > 0$$

Continuité et dérivabilité

Image : ensemble des valeurs de la fonction (se lit sur l'axe des Y)

Parité

$f(x)$ est paire ssi $f(-x) = f(x)$: symétrique par rapport à l'axe OY

$f(x)$ est impaire ssi $f(-x) = -f(x)$: symétrique par rapport à O

Périodicité

$f(x)$ est périodique de période « a » ssi $f(x + ka) = f(x)$

Intersections avec les axes : $\cap$ OX : $y = 0$ (recherche des racines)

$\cap$ OY : $x = 0$

Signes

Asymptotes

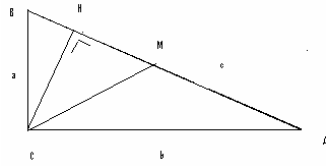
Croissance ($f'(x)$ et signes)

Concavité ($f''(x)$ et signes)

Tableau récapitulatif (avec min, Max, Pl, P.rebr, P.ang ...)

Graphique

TRIANGLES RECTANGLES



Pythagore : $a^2 + b^2 = c^2$

$$\sin \alpha = \frac{\text{côté opposé}}{\text{hypoténuse}}$$

$$\cos \alpha = \frac{\text{côté adjacent}}{\text{hypoténuse}}$$

$$\tan \alpha = \frac{\text{côté opposé}}{\text{côté adjacent}}$$

Relations relatives à la hauteur CH

$$CH^2 = BH \cdot HA$$

$$CA^2 = BA \cdot HA$$

$$BC^2 = BA \cdot BH$$

Relation relative à la médiane CM

$$CM = \frac{1}{2} BA$$

TRIANGLES QUELCONQUES

$$\text{Aire} = \frac{1}{2} a b \sin C$$

$$\text{Pythagore généralisé : } a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

$$\text{Règle des sinus : } \frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$$

$$\text{Règle des cosinus : } a = b \cos C + c \cos B$$

VECTEURS

$$\text{coord } \vec{v} = \text{coord } \overrightarrow{AB} = \text{coord } B - \text{coord } A$$

$$\text{coord } M = \frac{\text{coord } A + \text{coord } B}{2}$$

PRODUIT SCALAIRE

$$\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = \|\overrightarrow{OA}\| \cdot \|\overrightarrow{OB}\| \cdot \cos(AOB) = \overline{OA} \cdot \overline{OB}' = x_A x_B + y_A y_B + (z_A z_B)$$

Le produit scalaire de deux vecteurs non nuls est nul ssi les vecteurs sont orthogonaux

EQUATIONS DE DROITES

$$d \equiv y - y_A = a (x - x_A)$$

$$\text{coef.dir. } a = \frac{\text{différence ordonnées}}{\text{différence abscisses}} = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{v_y}{v_x} = (\tan \alpha)$$

EQUATION DU CERCLE

$$C \equiv (x - x_c)^2 + (y - y_c)^2 = r^2$$

EQUATIONS D'UN PLAN

$$ax + by + cz + d = 0$$

rem : (a,b,c) est un vecteur normal au plan

LES CONIQUES

Définition : $P \in \Gamma$ ssi $|PF| = |Pd| \cdot e$

Equation générale : $C \equiv (x + k)^2 + y^2 = e^2 (x + (k + p))^2$

avec $F(k,0)$ et $d \equiv x = k + p$ ($p \neq 0$)

- a) **La parabole** : On appelle *parabole*, le lieu géométrique des points équidistants d'un point fixe et d'une droite fixe.

$$P(x,y) \in P \text{ ssi } y^2 = 2px$$

- b) **L'ellipse** : On appelle *ellipse*, le lieu géométrique des points dont la somme des distances à deux points fixes est constante

$$P(x,y) \in E \text{ ssi } \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \quad \text{avec } a^2 - b^2 = c^2$$

- c) **L'hyperbole** : On appelle *hyperbole*, le lieu géométrique des points dont les distances à deux points fixes ont une différence constante en valeur absolue

$$P(x,y) \in H \text{ ssi } \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \quad \text{avec } a^2 + b^2 = c^2$$

$$\text{rem A.O.} \equiv \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 0 \quad \text{ou } y = \pm \frac{b}{a} x$$

Equations des tangentes à une parabole :

- d) Equation de la tangente en un point d'une parabole

$$t_{(x_0, y_0)} \equiv y - y_0 = \frac{p}{y_0}(x - x_0) \quad \text{ou} \quad t_{(x_0, y_0)} \equiv yy_0 = p(x + x_0)$$

- e) Equation de la tangente à une parabole de direction "a" : $t \equiv y = ax + \frac{p}{2a}$

Equations des tangentes à une ellipse :

- f) Equation de la tangente en un point de l'ellipse

$$t_{(x_0, y_0)} \equiv \frac{x_0 x}{a^2} + \frac{y_0 y}{b^2} = 1$$

- g) Equation de la tangente à une ellipse de direction "m"

$$t \equiv y = mx \pm \sqrt{a^2 m^2 - b^2}$$

Equations des tangentes à une hyperbole :

- h) Equation de la tangente en un point de l'hyperbole

$$t_{(x_0, y_0)} \equiv \frac{b^2 x_0}{a^2 y_0} (x - x_0)$$

- i) Equation de la tangente à une hyperbole de direction "m"

$$t \equiv y = mx \pm \sqrt{a^2 m^2 + b^2}$$

ANGLES

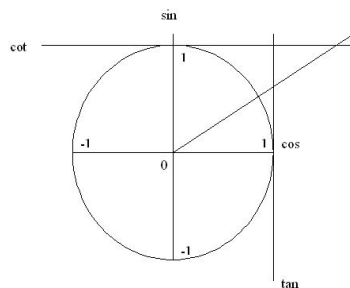
1 tour de cercle = $2\pi = (360^\circ)$; 1 radian = $\frac{360^\circ}{2\pi} \cong 57.3^\circ$; $1^\circ = 60' = 3600''$

$$\frac{\alpha}{360} = \frac{l}{2\pi r} = \frac{s}{\pi r^2}$$

angle tangentiel = angle au centre = le double de l'angle inscrit

NOMBRES TRIGONOMETRIQUES

(rem : nous utiliserons indifféremment les notations « tan » ou « tg » pour tangente et « cot » ou « cotg » pour cotangente)



$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \text{ C.E. : } \alpha \neq \pi/2 + k\pi, k \in \mathbb{Z}$$

$$\cot \alpha = \frac{1}{\tan \alpha} = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} \text{ C.E. : } \alpha \neq k\pi, k \in \mathbb{Z}$$

périodes : sin et cos : 2π
tg et cotg : π

ANGLES ASSOCIES

2 angles opposés (α et $-\alpha$) : symétriques par rapport à l'axe des cos

2 angles supplémentaires (α et $(\pi - \alpha)$) : symétriques par rapport à l'axe des sin

2 angles antisupplémentaires (α et $(\alpha + \pi)$) : symétriques par rapport à O

2 angles complémentaires (α et $(\frac{\pi}{2} + \alpha)$) : symétrique par rapport à la première

bissectrice (rem : $\sin \alpha = \cos(\frac{\pi}{2} - \alpha)$...)

ANGLES REMARQUABLES

	0°	30°	45°	60°	90°	180°	270°	360°
	0	$\pi/6$	$\pi/4$	$\pi/3$	$\pi/2$	π	$3\pi/2$	2π
sin	0	$1/2$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	-1	0
cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$1/2$	0	-1	0	1
tg	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	/	0	/	0
cotg	/	$\sqrt{3}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0	/	0	/

Formule fondamentale : $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

FORMULES TRIGONOMETRIQUES

Formule fondamentale : $\sin^2 a + \cos^2 a = 1$

Formules dérivées de la FF : $\cos^2 a = \frac{1}{1 + \tan^2 a}$ $\sin^2 a = \frac{1}{1 + \cot^2 a} = \frac{\tan^2 a}{1 + \tan^2 a}$

Formules d'addition :

$$\cos(a \pm b) = \cos a \cos b \mp \sin a \sin b$$

$$\sin(a \pm b) = \sin a \cos b \pm \sin b \cos a$$

$$\tan(a \pm b) = \frac{\tan a \pm \tan b}{1 \mp \tan a \tan b}$$

Formules de duplication

$$\sin 2a = 2 \sin a \cos a$$

$$\cos 2a = \cos^2 a - \sin^2 a$$

$$\tan 2a = \frac{2 \tan a}{1 - \tan^2 a}$$

Formules en fonction de tg (a/2)

$$\cos a = \frac{1 - \tan^2 \frac{a}{2}}{1 + \tan^2 \frac{a}{2}}$$

$$\sin a = \frac{2 \tan \frac{a}{2}}{1 + \tan^2 \frac{a}{2}}$$

$$\tan a = \frac{2 \tan \frac{a}{2}}{1 - \tan^2 \frac{a}{2}}$$

Formules de Carnot

$$1 - \cos a = 2 \sin^2(a/2)$$

$$1 + \cos a = 2 \cos^2(a/2)$$

Formules de Simpson

$$\cos a + \cos b = 2 \cos \frac{a+b}{2} \cos \frac{a-b}{2}$$

$$\cos a - \cos b = -2 \sin \frac{a+b}{2} \sin \frac{a-b}{2}$$

$$\sin a + \sin b = 2 \sin \frac{a+b}{2} \cos \frac{a-b}{2}$$

$$\sin a - \sin b = 2 \sin \frac{a-b}{2} \cos \frac{a+b}{2}$$

Réciproques :

$$\cos a \cos b = \frac{\cos(a+b) + \cos(a-b)}{2}$$

$$\sin a \cos b = \frac{\sin(a+b) + \sin(a-b)}{2}$$

$$\sin a \sin b = \frac{\cos(a-b) - \cos(a+b)}{2}$$

CAS D'INDETERMINATION DES LIMITES

Rem : $\frac{0}{\text{nombre non nul}} = 0$

Cas réponse

N/ 0 ∞ déterminer le signe de l' ∞

N/ ∞ 0 déterminer le « signe » du 0

0/0 (binôme conjugué) - factoriser – simplifier

ou théorème de l'Hospital :

$$\lim \frac{f(x)}{g(x)} = \lim \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

$\infty - \infty$ (binôme conjugué) – prendre le terme de plus haut degré

∞ / ∞ prendre les termes de plus haut degré

0/ ∞ ou $\infty/0$ se ramener à 0/0 ou ∞/∞

ASYMPTOTES

A.V. $\equiv x = a$ ssi $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \infty$

A.H. $\equiv y = b$ ssi $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = b$

A.O. $\equiv y = ax + b$ ssi $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = a$
 $\lim_{x \rightarrow \infty} (f(x) - ax) = b$

DERIVEES

$$f'(x_0) = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

tangente au point $A(x_A, y_A)$: $t_A \equiv y - y_A = f'(x_A) (x - x_A)$

$$(k)' = 0$$

$$(x)' = 1$$

$$(kx)' = k$$

$$(x^n)' = n x^{n-1}$$

$$(f + g)' = f' + g'$$

$$(f \cdot g)' = f' \cdot g + f \cdot g'$$

$$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f'g - fg'}{g^2}$$

$$\left(\frac{1}{f}\right)' = \frac{-f'}{f^2}$$

$$\left(\frac{1}{x}\right)' = \frac{-1}{x^2}$$

$$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$(k.f)' = k \cdot f'$$

$$(\sin x)' = \cos x$$

$$(\cos x)' = -\sin x$$

$$(\tan x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$(\cot x)' = \frac{-1}{\sin^2 x}$$

suite

$$(\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} = -(\arccos x)'$$

$$(\arctan x)' = \frac{1}{1+x^2} = -(\operatorname{arccot} x)'$$

$$(e^x)' = e^x$$

$$(a^x)' = a^x \ln a$$

$$(\ln x)' = \frac{1}{x}$$

$$(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$$

PRIMITIVES

$$\int k dx = kx + C$$

$$\int x dx = \frac{x^2}{2} + C$$

$$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C$$

$$\int k \cdot f(x) dx = k \cdot \int f(x) dx$$

$$\int (f + g) dx = \int f dx + \int g dx$$

$$\int (f \cdot g) dx \neq \int f dx \cdot \int g dx$$

$$\int (f \cdot g') dx = f \cdot g - \int g \cdot f' dx$$

$$\int \frac{1}{x^2} dx = \frac{-1}{x} + C$$

$$\int \frac{1}{\sqrt{x}} dx = 2\sqrt{x} + C$$

$$\int \sin x \, dx = -\cos x + C$$

$$\int \cos x \, dx = \sin x + C$$

$$\int \frac{1}{\cos^2 x} dx = \tan x + C$$

$$\int \frac{1}{\sin^2 x} dx = -\cot x + C$$

$$\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$$

$$\int \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx = \arcsin x + C$$

$$\int \frac{1}{1+x^2} dx = \arctan x + C$$

$$\int e^x dx = e^x + C$$

STATISTIQUE

Stat

Moyenne $\bar{x} = \frac{\sum_i n_i x_i}{n} = \sum_i f_i x_i$

Variance $V = \frac{\sum_i n_i (x_i - \bar{x})^2}{n} = \sum_i f_i (x_i - \bar{x})^2$

Ecart-type $\sigma = \sqrt{V}$

loi binomiale

$$E(x) = na$$

$$V(x) = nab$$

Ajustement linéaire :

Calcul de la droite de régression $d \equiv y = ax + b$:

$$a = \frac{\sum_i (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_i (x_i - \bar{x})^2} \quad b = \bar{y} - (a \cdot \bar{x})$$

coefficient de corrélation $r = a \cdot \frac{\sigma_x}{\sigma_y}$

ANALYSE COMBINATOIRE

Analyse combinatoire sans répétition :

Choix et ordre	arrangements	$A_n^p = \frac{n!}{(n-p)!}$
Ordre	permutations	$P_n = n!$
Choix	combinaisons	$C_n^p = \frac{n!}{p!(n-p)!}$

Analyse combinatoire avec répétitions :

Choix et ordre	arrangements	$A_n^p = n^p$
Ordre	permutations	$P_n = \frac{n!}{n_1!n_2!\dots}$
Choix	combinaisons	$C_n^p = \frac{(n+p-1)(n+p-2)\dots n}{p!}$

Binôme de Newton : $(a+b)^n = \sum_{k=0}^n C_n^k a^k b^{n-k}$

PROBABILITES

Et = intersection = produit : $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B|A)$

Ou = union = somme : $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

loi normale réduite : $x' = \frac{x - \bar{x}}{\sigma}$

Quelques formules et valeurs intéressantes :

$$\pi = 22/7 = 3,1415 \dots$$

$$\sqrt{2} \cong 1.4$$

$$\sqrt{3} \cong 1.7$$

$$\text{Aire du carré : } c^2 \quad \text{Aire du rectangle : } L \cdot l \quad \text{Aire du triangle : } \frac{Bh}{2}$$

$$\text{Aire du losange : } \frac{d \cdot D}{2}$$

$$\text{Aire du trapèze : } \frac{(B+b)h}{2}$$

$$\text{Longueur de la circonférence : } 2 \pi r$$

$$\text{Aire du disque : } \pi r^2$$

$$\text{Volume du cube : } c^3 \quad \text{Volume du parallélépipède rectangle : } L \cdot l \cdot h$$

$$\text{Volume du cylindre : } \pi r^2 h$$

$$\text{Volume du cône : } \frac{\pi r^2 h}{3}$$

$$\text{Volume de la sphère : } \frac{4\pi r^3}{3}$$

$$\text{Diagonale d'un carré de côté } a : a\sqrt{2}$$

$$\text{Diagonale d'un cube de côté } a : a\sqrt{3}$$